

# ОЦЕНКА ВРЕМЕНИ РАБОТЫ ГЕНЕРАТОРА ОГНЕТУШАЩЕГО АЭРОЗОЛЯ

С.Н. Бондаренко

(представлено докт. техн. наук Ю.А. Абрамовым)

В статье рассмотрен один из подходов в определении времени работы генератора огнетушащего аэрозоля путем численного интегрирования системы дифференциальных уравнений, описывающих его работу, с последующим аналитическим решением системы нелинейных уравнений.

Проблема создания простой, эффективной, надежной и экологически безопасной установки объемного пожаротушения стоит достаточно остро. В последние годы разработано принципиально новое средство объемного тушения – аэрозолеобразующие огнетушащие составы. Получают их с помощью специальных устройств – генераторов огнетушащего аэрозоля (ГОА). В настоящее время не существует математической модели, достоверно описывающей рабочие процессы в ГОА. Задача создания такой модели является актуальной. Наличие математической модели позволит разработать методику, с помощью которой можно осуществить проектирование ГОА с наперед заданными техническими характеристиками.

Одни из путей решения данной задачи предложен в работе [1], где получена система из трех дифференциальных уравнений первого порядка, описывающих рабочие процессы протекающие в камере ГОА для случая торцевого горения аэрозолеобразующего заряда и докритического режима истечения газо-аэрозольного состава из камеры генератора:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{d\bar{T}}{dt} = \frac{R \cdot \bar{T}}{\bar{p} \cdot V_K} \left[ \rho_T S_3 u_1 \cdot \left( \frac{\bar{p}}{p_{ATM}} \right)^v \cdot (\chi k \bar{T}_F - \bar{T}) + \bar{T} \cdot (1 - k) \cdot m \cdot (\bar{p}, \bar{T}) \right]; \\ \frac{d\bar{p}}{dt} = \frac{R}{V_K} \left[ \rho_T S_3 u_1 \cdot \left( \frac{\bar{p}}{p_{ATM}} \right)^v \chi k \bar{T}_F - m \cdot (\bar{p}, \bar{T}) k \bar{T} \right]; \\ \frac{dV_K}{dt} = S_3 u_1 \cdot \left( \frac{\bar{p}}{p_{ATM}} \right)^v; \end{array} \right. \quad (1),$$

где  $\bar{T}, \bar{p}$  – среднеобъемные температура и давление газоаэрозольной смеси;  $V_K$  – свободный объем камеры генератора;  $p_{ATM}$  –

атмосферное давление;  $k$  – показатель адиабаты;  $\rho_T$  – плотность аэрозолеобразующего заряда;  $S_3$  – площадь поперечного сечения заряда;  $\bar{T}_r$  – средняя температура горения заряда;  $\chi$  – коэффициент тепловых потерь в камере генератора;  $R$  – газовая постоянная;  $u_1$ ,  $v$  – температурный коэффициент и показатель степени в законе горения аэрозолеобразующего заряда;  $m^*(\bar{p}, \bar{T})$  – массовый расход при докритическом режиме истечения газоаэрозольной смеси через выходное отверстие ГОА, который определяется следующим выражением:

$$m^*(\bar{p}, \bar{T}) = \mu \cdot S_c \cdot \left[ \frac{2 \cdot k}{k - 1} \cdot \frac{\bar{p}^2}{R \cdot \bar{T}} \cdot \left( \frac{p_{ATM}}{\bar{p}} \right)^{\frac{2}{k}} \left( 1 - \left( \frac{p_{ATM}}{\bar{p}} \right)^{\frac{k-1}{k}} \right) \right] \quad (2)$$

где  $S_c$  – площадь поперечного сечения выходного отверстия ГОА;  $\mu$  – коэффициент потерь через выходное отверстие.

Интегрирование системы (1) методом Рунге-Кутта 4-го порядка с шагом 0.0001, при начальных условиях:  $\bar{T}(0)=288$  °К,  $\bar{p}(0)=1.05 \cdot 10^5$  Па,  $V_k=1.257 \cdot 10^{-5}$  м<sup>3</sup> и при следующих значениях параметров:  $\bar{T}_r=1597$  °К;  $\rho_T=1800$  кг·м<sup>-3</sup>;  $\chi=0.9$ ;  $\mu=0.97$ ;  $R=287$  кДж·(К·моль)<sup>-1</sup>;  $v=0.286$ ;  $p_{ATM}=1.05 \cdot 10^5$  Па;  $k=1.4$ ;  $S_3=1.257 \cdot 10^{-3}$  м<sup>2</sup>;  $S_c=7.54 \cdot 10^{-5}$  м<sup>2</sup>;  $u_1=0.005$  К<sup>-1</sup>;  $\mu=0.97$ , позволило получить зависимости среднеобъемных температуры и давления в камере ГОА, а также свободного объема камеры от времени.

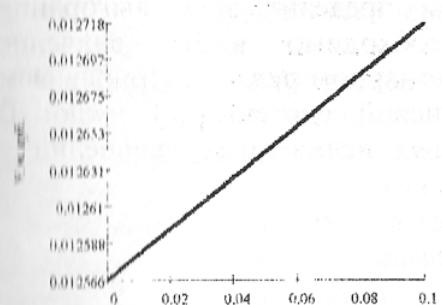


Рисунок 1 – График изменения свободного объема камеры ГОА во времени.

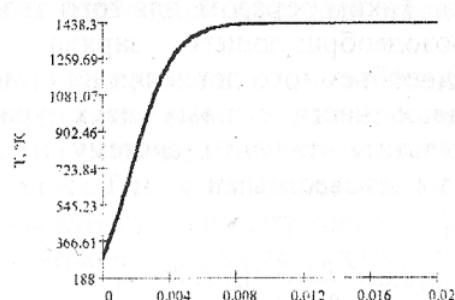


Рисунок 2 – График изменения среднеобъемной температуры во времени

Анализ графиков свидетельствует о существовании устанавлившегося режима, когда среднеобъемные значения давления, температуры и массового расхода через выходное отверстие генератора остаются неизменными во времени, а

свободный объем камеры ГОА (рисунок 1) изменяется по линейному закону.

Следовательно, производная от свободного объема камеры по времени есть величина постоянная. Из третьего уравнения системы (1) получим:

$$\frac{dV_k}{dt} = S_1 u_1 \cdot \left( \frac{p_{ct}}{p_{atm}} \right)^v, \quad (3)$$

где  $p_{ct}$  – среднеобъемное давление на стационарном режиме работы ГОА.

Исходя из геометрического смысла первой производной, изменение свободного объема камеры можно представить:

$$\frac{dV_k}{dt} = \frac{V_k - V_k^0}{t_p} = \frac{V_{zar}}{t_p} = \frac{l \cdot S_1}{t_p}, \quad (4)$$

где  $V_{zar}$  – объем твердотопливного заряда;  $t_p$  – время выгорания заряда;  $l$  – длина шашки аэрозолеобразующего заряда.

Сопоставляя выражения (3) и (4) получим зависимость, позволяющую оценить время работы генератора:

$$t_p = \frac{l}{u_1 \cdot \left( \frac{p_{ct}}{p_{atm}} \right)^v}. \quad (5)$$

Таким образом, для того чтобы определить время выгорания аэрозолеобразующего заряда, необходимо найти значение среднеобъемного давления на стационарном режиме. Приравняем правые части первых двух уравнений системы (1) нулю. В результате получим систему из двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными  $p_{ct}$  и  $T_{ct}$ :

$$\begin{cases} p_t S_1 u_1 \cdot \left( \frac{p_{ct}}{p_{atm}} \right)^v \cdot (\chi k \bar{T}_r - T_{ct}) + \\ + T_{ct} \cdot (1 - k) \mu \cdot S_c \cdot \sqrt{\frac{2 \cdot k}{k-1} \cdot \frac{p_{ct}^2}{R \cdot T_{ct}}} \cdot \left( \frac{p_{atm}}{p_{ct}} \right)^{\frac{2}{k}} \left( 1 - \left( \frac{p_{atm}}{p_{ct}} \right)^{\frac{k-1}{k}} \right) = 0; \\ p_t S_1 u_1 \cdot \left( \frac{p_{ct}}{p_{atm}} \right)^v \chi k \bar{T}_r - \mu \cdot S_c \cdot \sqrt{\frac{2 \cdot k}{k-1} \cdot \frac{p_{ct}^2}{R \cdot T_{ct}}} \cdot \left( \frac{p_{atm}}{p_{ct}} \right)^{\frac{2}{k}} \left( 1 - \left( \frac{p_{atm}}{p_{ct}} \right)^{\frac{k-1}{k}} \right) k T_{ct} = 0. \end{cases} \quad (6)$$

где  $T_{ct}$  – среднеобъемная температура на стационарном режиме работы генератора.

Выразив из второго уравнения системы (6)  $T_{ct}$ , подставляем это значение в первое уравнение. Затем решая второе уравнение с учетом найденного значения  $T_{ct}$ , для случая когда

$$v = \frac{k-1}{k} \quad (7)$$

получим:

$$p_{ct} = \left( \frac{2 \cdot k \cdot (\mu \cdot S_c \cdot p_{ATM})^2}{2 \cdot k \cdot (\mu \cdot S_c \cdot p_{ATM})^2 - (\rho_t \cdot S_3 \cdot u_1)^2 \cdot \chi \cdot T_r \cdot R \cdot (k-1)} \right)^{\frac{1}{v}} \cdot p_{ATM}. \quad (8)$$

Подставляя выражение (8) в формулу (5) получим зависимость для определения времени работы ГОА:

$$t_p = \frac{l \cdot (2 \cdot k \cdot (\mu \cdot S_c \cdot p_{ATM})^2 - (\rho_t \cdot S_3 \cdot u_1)^2 \cdot \chi \cdot T_r \cdot R \cdot (k-1))}{2 \cdot u_1 \cdot k \cdot (\mu \cdot S_c \cdot p_{ATM})^2}. \quad (9)$$

Для проверки адекватности полученных выражений был взят генератор марки АПГ ввиду того что, во-первых, генераторы этой марки сертифицированы на территории Украины, во-вторых, геометрические характеристики корпуса генераторов данной марки совпадают с принятыми в теоретической модели, в-третьих, процесс горения топлива, используемого в ГОА этой марки, может вполне адекватно описан степенной моделью процесса горения.

Проведенный численный эксперимент со значениями параметров, соответствующих техническим характеристикам генератора марки АПГ-3, позволил получить расчетное значение времени работы ГОА, отличающееся от паспортного на 5 %. Также установлено, что на вычисленный параметр значительное влияние оказывают геометрические размеры камеры и характеристики топлива  $u_1$ .

## ЛИТЕРАТУРА

- Бондаренко С.Н. Упрощенная математическая модель процессов в камере генератора огнетушащего аэрозоля. // Проблемы пожарной безопасности. Сб. научн. тр. – Вып. 5. – Харьков: ХИПБ, 1999. – С. 50 – 53.